

# **ГЕОМЕТРИЯ**

**ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЙ МАТЕРИАЛ  
для 8, 9 классов**

**ПРОСВЕЩЕНИЕ · 1966**

# ГЕОМЕТРИЯ

*ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЙ МАТЕРИАЛ*

*для 8, 9 классов*

ИЗДАНИЕ 2-е

ИЗДАТЕЛЬСТВО «ПРОСВЕЩЕНИЕ»  
Москва 1966

## ОТ ИЗДАТЕЛЬСТВА

В связи с тем что в программу по геометрии для VIII класса включены темы «Свойства биссектрисы внутреннего угла треугольника» и «Пропорциональные отрезки в прямоугольном треугольнике и круге», для IX класса — «Последовательности», издательство «Просвещение» по предложению Министерства просвещения РСФСР выпускает дополнительное пособие по геометрии для учеников VIII и IX классов.

Предлагаемое пособие содержит соответствующий программе учебный материал, взятый из учебника А. П. Киселева «Геометрия», ч. I, Учпедгиз, 1962 г., а упражнения — из задачника Н. А. Рыбкина «Сборник задач по геометрии», ч. I, «Просвещение», 1964 г.

Содержание параграфов взято из указанных выше книг без изменений за исключением следующих: ссылки на предложения предыдущих параграфов учебника заменены формулировкой соответствующих предложений, § 237 заменен новым (§ 21), в § 33 (269) внесено уточнение.

В целях возможного использования полных изданий учебника А. П. Киселева и задачника Н. А. Рыбкина в настоящем пособии введена двойная нумерация параграфов учебника и номеров задач из § 8 задачника. В скобках указана старая нумерация.

Данное пособие подготовлено к изданию К. П. Сикорским.

## ВОСЬМОЙ КЛАСС.

### СВОЙСТВО БИСSEКТРИСЫ ВНУТРЕННЕГО УГЛА ТРЕУГОЛЬНИКА.

1. (186). Теорема<sup>1</sup>. *Биссектриса (BD, черт. 1) любого угла треугольника (ABC) делит противоположную сторону на части (AD и CD), пропорциональные прилежащим сторонам треугольника.*

Требуется доказать, что если  $\angle ABD = \angle DBC$ , то  $AD:DC = AB:BC$ .

Проведём  $CE \parallel BD$  до пересечения в точке E с продолжением стороны AB. Тогда, согласно теореме о пропорциональности отрезков, образующихся на прямых, пересечённых несколькими параллельными прямыми, будем иметь пропорцию:

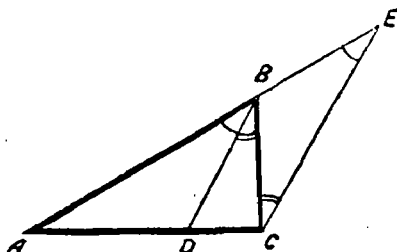
$$AD:DC = AB:BE.$$

Чтобы от этой пропорции перейти к той, которую требуется доказать, достаточно обнаружить, что  $BE = BC$ , т. е. что  $\triangle BCE$  равнобедренный. В этом треугольнике  $\angle E = \angle ABD$  (как углы, соответственные при параллельных прямых) и  $\angle BCE = \angle DBC$  (как углы, накрест лежащие при тех же параллельных прямых).

Но  $\angle ABD = \angle DBC$  по условию; значит,  $\angle E = \angle BCE$ , а потому равны и стороны BC и BE, лежащие против равных углов. Теперь, заменив в написанной выше пропорции BE на BC, получим ту пропорцию, которую требуется доказать.

Численный пример. Пусть  $AB = 10$ ;  $BC = 7$  и  $AC = 6$ . Тогда, обозначив AD буквой x, можем написать пропорцию:

$$x:(6-x) = 10:7,$$



Черт. 1.

<sup>1</sup> В скобках здесь и дальше указаны номера параграфов по книге А. П. Киселева, «Геометрия». Учебник для 6—9 классов семилетней и средней школы, часть I, Учпедгиз, 1962.

отсюда найдем:

$$7x = 60 - 10x; \quad 7x + 10x = 60; \quad 17x = 60;$$

$$x = \frac{60}{17} = 3 \frac{9}{17}.$$

Следовательно,

$$DC = 6 - x = 6 - 3 \frac{9}{17} = 2 \frac{8}{17}.$$

### Задачи из § 8<sup>1</sup>.

Свойство биссектрисы в треугольнике.

1. (17.)  $BD$  — биссектриса угла в треугольнике  $ABC$ . Требуется определить:

1) отрезки  $AD$  и  $DC$ , если  $AB = 10$  м,  $BC = 15$  м и  $AC = 20$  м;

2) сторону  $BC$ , если  $AD : DC = 8 : 5$  и  $AB = 16$  м;

3) сторону  $AC$ , если  $AB : BC = 2 : 7$  и  $DC - AD = 1$  м.

2. (18.) Угол треугольника, заключённый между сторонами в 9 см и 6 см, разделён пополам. Один из отрезков третьей стороны оказался равным одной из данных сторон. Определить третью сторону.

3. (20.) В треугольник  $ABC$  вписан ромб  $ADEF$  так, что вершины  $D$ ,  $E$  и  $F$  лежат соответственно на сторонах  $AB$ ,  $BC$  и  $AC$ . Определить отрезки  $BE$  и  $EC$ , если  $AB = 14$  см,  $BC = 12$  см и  $AC = 10$  см.

4. (21.) Стороны треугольника равны 51 см, 85 см и 104 см. Проведена окружность, которая касается обеих меньших сторон, а центр имеет на большей стороне. На какие части большая сторона делится центром?

5. (22.) В равнобедренном треугольнике высота равна 20 см, а основание относится к боковой стороне, как 4 : 3. Определить радиус вписанного круга.

6. (23.) В равнобедренном треугольнике центр вписанного круга делит высоту в отношении 12 : 5, а боковая сторона равна 60 см. Определить основание.

7. (24.) В равнобедренном треугольнике радиус вписанного круга составляет  $\frac{2}{7}$  высоты, а периметр этого треугольника равен 56 см. Определить его стороны.

8. (25.) Хорда  $AB = 15$  м, хорда  $AC = 21$  м и хорда  $BC = 24$  м. Точка  $D$  — середина дуги  $CB$ . На какие части  $BE$  и  $EC$  делится хорда  $BC$  прямой  $AED$ ?

<sup>1</sup> В скобках в этом параграфе указаны номера задач из книги Н. Рыбкина, «Сборник задач по геометрии для 6—9 классов средней школы», часть I, планиметрия, изд. «Просвещение», 1964. В ответах к задачам указаны номера только по задачку.